

Résolvez les équations différentielles suivantes :

$$1) \quad y' - 2y = x^2 + x \quad [y = -\frac{1}{2}(x+1)^2 + c \cdot e^{-2x}]$$

$$2) \quad y' + y = 3e^x \quad [y = \frac{3}{2}e^x + c \cdot e^{-x}]$$

$$3) \quad y' + y = e^{-x} \quad [y = (x+c) \cdot e^{-x}]$$

$$4) \quad y'' + 3y' - 4y = e^{-4x} \quad [y = -\frac{x}{5}e^{-4x} + c_1 e^x + c_2 e^{-4x}]$$

$$5) \quad y'' - 4y = 4x \quad [y = -x + c_1 e^{2x} + c_2 e^{-2x}]$$

$$6) \quad y'' - 3y' - 4y = 2e^{-x} \quad [y = -\frac{2}{5}xe^{-x} + c_1 e^{4x} + c_2 e^{-x}]$$

$$7) \quad y'' + y = e^{-x} \quad [y = \frac{1}{2}e^{-x} + c_1 \cos x + c_2 \sin x]$$

$$8) \quad y'' - 4y' + 4y = x^2 \quad [y = \frac{1}{8}(2x^2 + 4x + 3) + c_1 e^{2x} + c_2 x \cdot e^{2x}]$$

$$9) \quad y'' - 3y' = 2e^x \quad y(0)=1 \quad y'(0)=2 \\ [y = -e^x - 1 + e^{3x}]$$

$$10) \quad y'' - y = 2x \quad y(0)=1 \quad y'(0)=-2 \\ [y = -2x + \frac{1}{2}(e^x + e^{-x})]$$

$$11) \quad y'' + y' = 3 \quad y(0)=1 \quad y'(0)=0 \\ [y = 3x - 2 + 3e^{-x}]$$